

BE

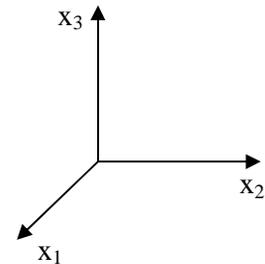
VI.

In einem kartesischen Koordinatensystem des  $\mathbb{R}^3$  sind die Punkte  $O(0|0|0)$ ,  $A(10|0|0)$ ,  $B(0|4|0)$ ,  $S(0|0|6)$  sowie die Ebenenschar  $E_t : 3x_2 + tx_3 - 3t = 0$  mit  $t \in \mathbb{R}$  gegeben. Die Punkte A, B und S legen die Ebene F fest.

- 3 1. a) Bestimmen Sie eine Gleichung der Ebene F in Normalenform.  
[mögliches Ergebnis:  $6x_1 + 15x_2 + 10x_3 - 60 = 0$ ].
- 3 b) Berechnen Sie, unter welchem Winkel die Ebene F die  $x_1x_2$ -Ebene schneidet.
- 3 c) Zeigen Sie, dass die Ebene  $E_2$  parallel zur Geraden BS ist.
- 5 d) Zeigen Sie, dass die zu AO parallele Mittelparallele des Dreiecks AOS identisch ist mit der Geraden p, die alle Ebenen der Schar  $E_t$  gemeinsam haben.

2. Die Punkte A, B, O und S bilden die Ecken der Pyramide ABOS.

- 5 a) Legen Sie ein Koordinatensystem an. Zeichnen Sie die Pyramide ABOS, die Gerade p und die Schnittfläche der Ebene  $E_2$  mit der Pyramide ein.



- 3 b) Berechnen Sie das Volumen der Pyramide ABOS.
- 6 c) Zeigen Sie, dass die Ebene  $E_2$  die Pyramide ABOS in zwei Teilkörper mit gleichem Volumen zerlegt.  
(Hinweis: Zerlegen Sie einen der beiden Teilkörper in ein dreiseitiges Prisma und eine dreiseitige Pyramide.)
- 5 3. a) Zeigen Sie, dass  $M(1,2|1,2|1,2)$  der Mittelpunkt der Inkugel K der Pyramide ABOS ist.
- 7 b) Die Ebenenschar  $E_t$  enthält neben der  $x_1x_3$ -Ebene eine weitere Tangentialebene von K. Berechnen Sie den zugehörigen Wert von t.

40